

Уточненная модель магнитного поля с поверхностью источника в слонечном ветре

Веселовский И.С., Свекис А.Я.

09 февраля 2010

Основные положения доклада

1 Постановка задачи

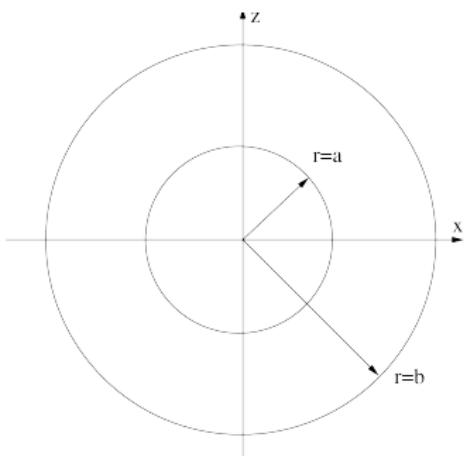
2 Методика решения

3 Результаты

4 Результаты

5 Заключение

Постановка задачи



Краевая задача

$$\Delta u = 0$$

$$\frac{\partial u}{\partial r} \Big|_{r=a} = f(\theta), \quad \frac{\partial u}{\partial r} \Big|_{r=b} = B_e$$

$$\frac{\partial u}{\partial \theta} \Big|_{\theta=-\frac{\pi}{2}} = 0, \quad \frac{\partial u}{\partial \theta} \Big|_{\theta=\frac{\pi}{2}} = 0,$$

$$f(\theta) = B_d \cos \theta + B_q P_2(\cos \theta)$$

$$B_e = \text{const}$$

В данной постановке задачи получается задача Неймана для уравнения Лапласа

Методика решения

Решение получено аналитически на основе метода Фурье разделения переменных.¹

Основным параметром задачи является коэффициент К

$$K = \frac{B_q}{B_d},$$

он определяет катрину силовых линий магнитного поля.

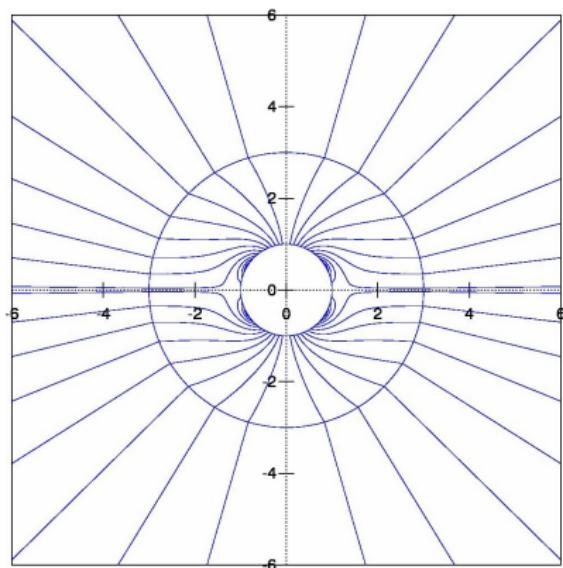
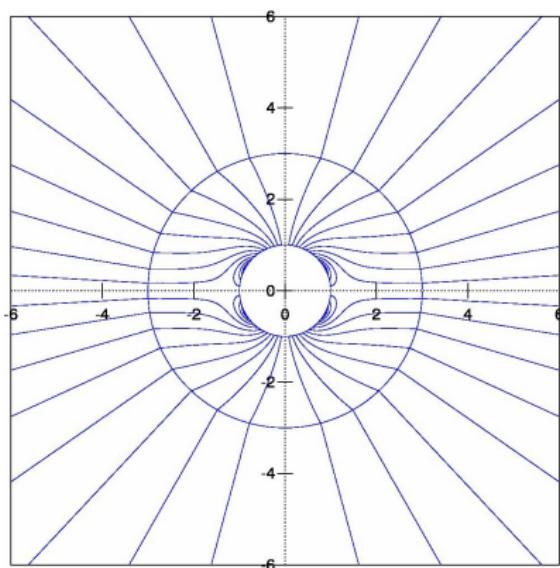
$$B_e = \frac{a}{b} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} f(\theta) d\theta$$

B_e - напряженность магнитного поля на внешней границе.

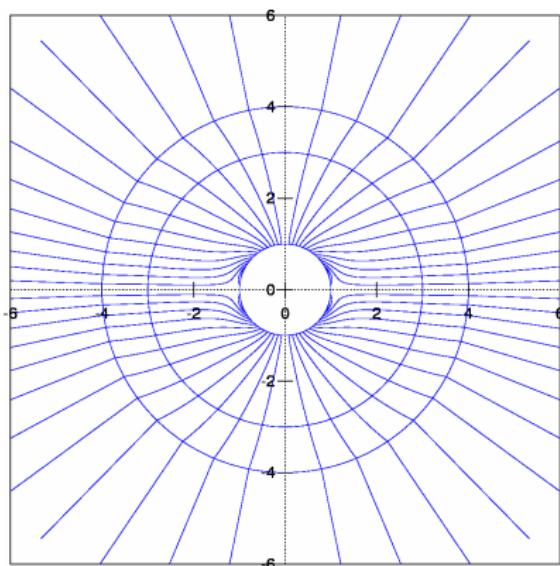
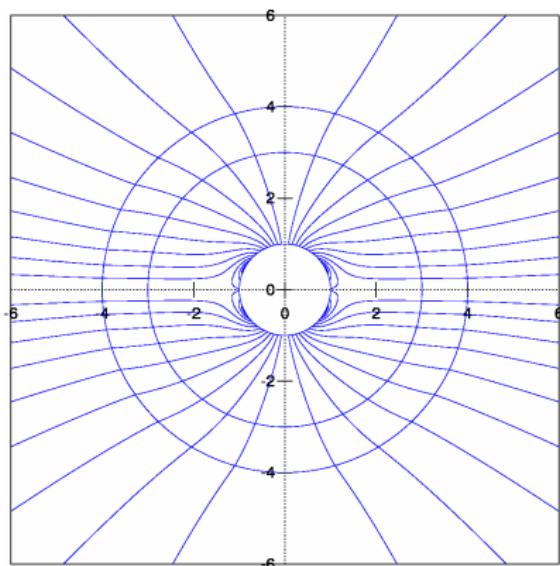
¹Боголюбов А.Н., Кравцов В.В. — Задачи по математической физике



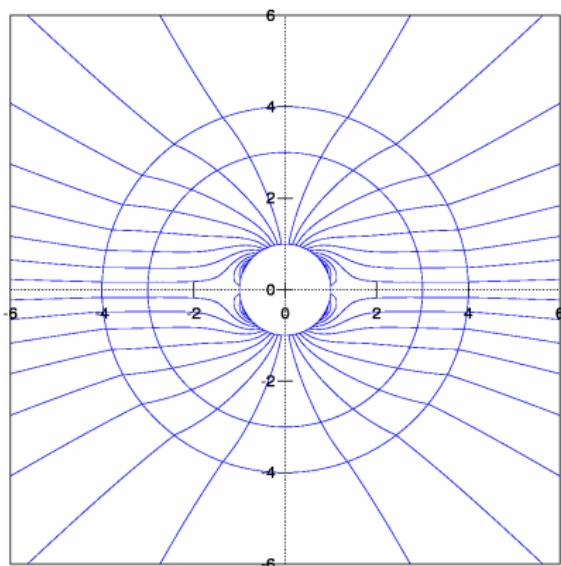
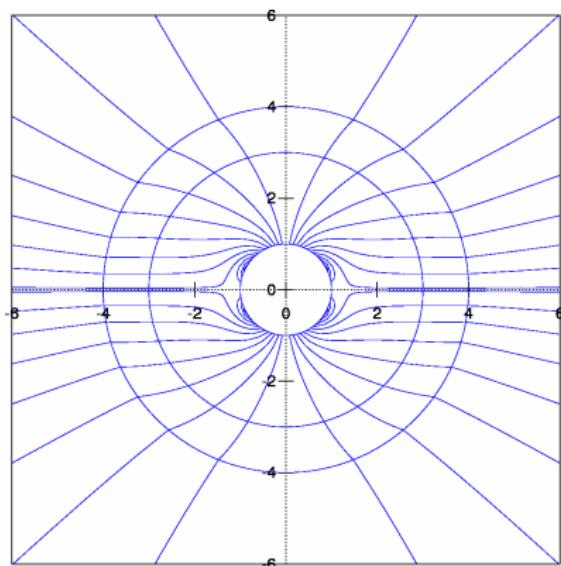
Результаты

 $K = 3$  $K = 5$

Результаты

 $K = 3$  $K = 5$

Результаты

 $K = 8$  $K = 10$

Заключение

- В задаче было рассмотрено магнитное поле в гелиосфере в заданных приближениях, основанных на указанных гипотезах.
- Была сформулирована задача Неймана для уравнения Лапласа и найдено ее аналитическое решение.
- Приведены результаты числового эксперимента.